


أولى علوم رياضية	فرض محروس 3	
الدورة 2	2014/05/14	ثانوية أنيس الخاصة

**التمرين 1 (6.5 نقط)**

الفضاء منسوب الى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  ولتكن النقط  $A(-3, 0, 0)$  و  $B(0, 0, -3)$  و  $C(0, 2, -2)$

و الفلكة  $(S)$  التي معادلتها الديكارتية هي:  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 6 = 0$

- 1- حدد مركز و شعاع الفلكة  $(S)$ . 1
- 2- بين أن  $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = 6\vec{i} - 3\vec{j} + 6\vec{k}$  و أحسب مساحة المثلث  $ABC$ . 1.5
- 3- أ- حدد معادلة ديكارتية للمستوى  $(ABC)$ . 0.5  
ب- حدد تمثيلا بارامتريا للمستوى  $(ABC)$ . 0.5
- 4- أ- بين المستوى  $(ABC)$  مماس للفلكة  $(S)$ . 1  
ب- حدد مثلوث احداثيات النقطة  $H$  نقطة تماس  $(ABC)$  والفلكة  $(S)$ . 1
- 5- أحسب  $d(B, (AC))$ . 1

**التمرين 2 (5.5 نقط)**

نعتبر صندوق يحتوي على 10 ببيدقات : خمس ببيدقات تحمل الرقم 1 و أربع ببيدقات تحمل الرقم 2 و ببيدقة واحدة تحمل الرقم 0. ( لا يمكن التمييز بين الببيدقات باللمس )  
نسحب عشوائيا و في نفس الوقت ثلاث ببيدقات من الصندوق.

- 1- ما هو عدد السحبات الممكنة؟ 0.5
- 2- بكم طريقة يمكن الحصول على ثلاث ببيدقات تحمل نفس الرقم 1
- 3- بكم طريقة يمكن الحصول على ثلاث ببيدقات تحمل أرقام مختلفة مثني مثني 1
- 4- ما هو عدد الطرق للحصول على الأقل ببيدقة تحمل الرقم 2. 1
- 5- بكم طريقة يمكن الحصول على ثلاث ببيدقات مجموع الأرقام التي تحملها يساوي 4. 1
- 6- بكم طريقة يمكن الحصول على ثلاث ببيدقات مجموع الأرقام التي تحملها يساوي 5. 1

أسئلة مستقلةالتمرين 3 (6.5 نقط)

1- نعتبر المستقيم المعرف بتمثيله البارامتري:

$$(D): \begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 1 \\ z = 4t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

و لتكن  $(S)$  فلكة معادلتها:  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 2y - 15 = 0$

بين أن الفلكة  $(S)$  و المستقيم  $(D)$  متقاطعين وفق نقطتين يجب تحديد مثلوث احداثياتيهما .

2- حل في  $\mathbb{N}$  المعادلة :  $A_n^2 = 60 + 3n$

3- حل في  $\mathbb{N}$  المعادلة :  $C_n^1 + C_n^2 + C_n^3 = 5n$

4- بين أن :  $A_{n+1}^k = A_n^k + kA_n^{k-1}$  مع  $k$  و  $n$  من  $\mathbb{N}^*$  بحيث  $0 < k \leq n$

5- بين أن :  $C_n^k C_{n-k}^{p-k} = C_n^p C_p^k$  حيث  $0 \leq k \leq p \leq n$  و استنتج قيمة المجموع  $S = \sum_{k=0}^p C_n^k C_{n-k}^{p-k}$

التمرين 4 (1.5 نقط)

نرمي نردا مكعبا (وجوهه مرقمة من 1 الى 6) ثلاث مرات متتابة نرسم  $a$  لنتيجة الرمية الأولى و  $b$  لنتيجة الرمية الثانية و  $c$  لنتيجة الرمية الثالثة.  
نعتبر في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $ax^2 + bx + c = 0$

1- حدد عدد الحالات الممكنة ؟

2- ما عدد الطرق لكي تقبل المعادلة  $ax^2 + bx + c = 0$  حل مزدوج في  $\mathbb{R}$ .

J'ai passé une merveilleuse année avec vous tous . Bonne chance mes chers élèves On va jouer pour être champions au bac si le bon dieu le veut.

